

Math-Aquarium 【実力テスト（余白なし）】数学ⅡB(C) 実力テスト（応用）

出題範囲：複素数と方程式、微分と積分、数列、統計的な推測

- 1** x の 3 次方程式 $x^3+ax^2+bx-12=0$ の解のうち、1 つは -3 で、他の 2 つの解の和は -8 であるとき、定数 a, b の値を求めよ。また、 -3 以外の 2 つの解を求めよ。 (20 点)

- 2** t を実数として、2 つの関数 $f(x), g(x)$ を $f(x)=x^3-6x+t, g(x)=-x^2-x-2$ とするとき、次の問い合わせに答えよ。

(1), (2) 各 15 点、計 30 点

- (1) $x \geq 0$ において、つねに $f(x) \geq g(x)$ となる t の値の範囲を求めよ。

- (2) $x_1 \geq 0, x_2 \geq 0$ であるすべての x_1, x_2 の組について、 $f(x_1) \geq g(x_2)$ となる t の値の範囲を求めよ。

- 3** 数列 $\frac{1}{1}, \frac{1}{2}, \frac{2}{2}, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{3}{3}, \frac{1}{4}, \frac{2}{4}, \frac{3}{4}, \frac{4}{4}, \frac{1}{5}, \dots$

について、初項から第 70 項までの和を求めよ。 (25 点)

4

M さん：血液型のうち AB 型の割合の、信頼度 95% の調査を頼まれたんだけど、条件が付いていて…

A さん：どんな？

M さん：信頼区間の幅を 6% 以下にしなければいけなくて。。

A さん：標本の大きさ n が十分大きく、標本比率が \bar{p} のとき、母比率 p に対する信頼区間は、信頼度 95% では

$$\bar{p} - 1.96 \sqrt{\frac{\bar{p}(1-\bar{p})}{n}} \leq p \leq \bar{p} + 1.96 \sqrt{\frac{\bar{p}(1-\bar{p})}{n}}$$

だったね。

M さん：うん。AB 型の割合は 10% としてよい、ってことだから、 $\bar{p}=0.1$ として、 n の最小値を求めて、その人数だけ調査をすればよさそうだね。

上の会話文における、 n の最小値を求めよ。 (25 点)